

© International Baccalaureate Organization 2022

All rights reserved. No part of this product may be reproduced in any form or by any electronic or mechanical means, including information storage and retrieval systems, without the prior written permission from the IB. Additionally, the license tied with this product prohibits use of any selected files or extracts from this product. Use by third parties, including but not limited to publishers, private teachers, tutoring or study services, preparatory schools, vendors operating curriculum mapping services or teacher resource digital platforms and app developers, whether fee-covered or not, is prohibited and is a criminal offense.

More information on how to request written permission in the form of a license can be obtained from <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organisation du Baccalauréat International 2022

Tous droits réservés. Aucune partie de ce produit ne peut être reproduite sous quelque forme ni par quelque moyen que ce soit, électronique ou mécanique, y compris des systèmes de stockage et de récupération d'informations, sans l'autorisation écrite préalable de l'IB. De plus, la licence associée à ce produit interdit toute utilisation de tout fichier ou extrait sélectionné dans ce produit. L'utilisation par des tiers, y compris, sans toutefois s'y limiter, des éditeurs, des professeurs particuliers, des services de tutorat ou d'aide aux études, des établissements de préparation à l'enseignement supérieur, des fournisseurs de services de planification des programmes d'études, des gestionnaires de plateformes pédagogiques en ligne, et des développeurs d'applications, moyennant paiement ou non, est interdite et constitue une infraction pénale.

Pour plus d'informations sur la procédure à suivre pour obtenir une autorisation écrite sous la forme d'une licence, rendez-vous à l'adresse <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organización del Bachillerato Internacional, 2022

Todos los derechos reservados. No se podrá reproducir ninguna parte de este producto de ninguna forma ni por ningún medio electrónico o mecánico, incluidos los sistemas de almacenamiento y recuperación de información, sin la previa autorización por escrito del IB. Además, la licencia vinculada a este producto prohíbe el uso de todo archivo o fragmento seleccionado de este producto. El uso por parte de terceros —lo que incluye, a título enunciativo, editoriales, profesores particulares, servicios de apoyo académico o ayuda para el estudio, colegios preparatorios, desarrolladores de aplicaciones y entidades que presten servicios de planificación curricular u ofrezcan recursos para docentes mediante plataformas digitales—, ya sea incluido en tasas o no, está prohibido y constituye un delito.

En este enlace encontrará más información sobre cómo solicitar una autorización por escrito en forma de licencia: <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

Mathématiques : analyse et approches

Niveau moyen

Épreuve 1

Lundi 31 octobre 2022 (après-midi)

Numéro de session du candidat

1 heure 30 minutes

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Instructions destinées aux candidats

- Écrivez votre numéro de session dans les cases ci-dessus.
- N'ouvrez pas cette épreuve avant d'y être autorisé(e).
- Aucune calculatrice n'est autorisée pour cette épreuve.
- Section A : répondez à toutes les questions. Rédigez vos réponses dans les cases prévues à cet effet.
- Section B : répondez à toutes les questions sur le livret de réponses prévu à cet effet. Écrivez votre numéro de session sur la première page du livret de réponses, et attachez ce livret à cette épreuve d'examen et à votre page de couverture en utilisant l'attache fournie.
- Sauf indication contraire dans l'intitulé de la question, toutes les réponses numériques devront être exactes ou correctes à trois chiffres significatifs près.
- Un exemplaire non annoté du **livret de formules pour les cours de mathématiques : analyse et approches** est nécessaire pour cette épreuve.
- Le nombre maximum de points pour cette épreuve d'examen est de **[80 points]**.



3. [Note maximale : 7]

Considérez un cercle de diamètre AB , où les coordonnées de A sont $(1; 4; 0)$ et les coordonnées de B sont $(-3; 2; -4)$.

(a) Trouvez

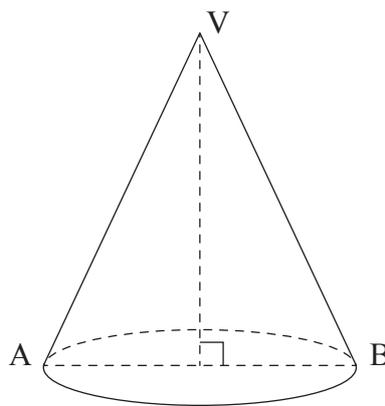
(i) les coordonnées du centre du cercle ;

(ii) le rayon du cercle.

[4]

Le cercle forme la base d'un cône droit dont les coordonnées du sommet V sont $(-1; -1; 0)$.

la figure n'est pas à l'échelle



(b) Trouvez le volume exact du cône.

[3]

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

Section B

Répondez à **toutes** les questions sur le livret de réponses fourni. Veuillez répondre à chaque question sur une nouvelle page.

7. [Note maximale : 16]

- (a) Le sommet de la représentation graphique d'une fonction du second degré f se situe au point $(3; 2)$ et son point d'intersection avec l'axe des abscisses se situe en $x = 5$. Trouvez f , sous la forme $f(x) = a(x - h)^2 + k$. [3]

La fonction du second degré g est définie par $g(x) = px^2 + (t - 1)x - p$, où $x \in \mathbb{R}$ et $p, t \in \mathbb{R}, p \neq 0$.

- (b) Dans le cas où $g(-3) = g(1) = 4$,
- (i) trouvez la valeur de p et la valeur de t ;
- (ii) trouvez l'image de g . [7]

- (c) La fonction affine j est définie par $j(x) = -x + 3p$, où $x \in \mathbb{R}$ et $p \in \mathbb{R}, p \neq 0$.

Montrez que les représentations graphiques de $j(x) = -x + 3p$ et $g(x) = px^2 + (t - 1)x - p$ ont deux points d'intersection distincts pour toute valeur possible de p et t . [6]

8. [Note maximale : 15]

- (a) Calculez la valeur de chacun des logarithmes suivants :

- (i) $\log_2 \frac{1}{16}$;
- (ii) $\log_9 3$;
- (iii) $\log_{\sqrt{3}} 81$. [7]

- (b) On sait que $\log_{ab} a = 3$, où $a, b \in \mathbb{R}^+, ab \neq 1$.

- (i) Montrez que $\log_{ab} b = -2$.
- (ii) À partir de là, trouvez la valeur de $\log_{ab} \frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt{b}}$. [8]



N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

9. [Note maximale : 15]

La fonction f est définie par $f(x) = \cos^2 x - 3 \sin^2 x$, $0 \leq x \leq \pi$.

(a) Trouvez les racines de l'équation $f(x) = 0$. [5]

(b) (i) Trouvez $f'(x)$.

(ii) À partir de là, trouvez les coordonnées des points sur la représentation graphique de $y = f(x)$ où $f'(x) = 0$. [7]

(c) Esquissez la représentation graphique de $y = f(x)$, en montrant clairement les coordonnées de tout point où $f'(x) = 0$ et celles de tout point où la représentation graphique coupe les axes des coordonnées. [3]

Références :

© Organisation du Baccalauréat International 2022



12EP09

Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page
ne seront pas corrigées.



12EP10

Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page
ne seront pas corrigées.



12EP11

Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page
ne seront pas corrigées.



12EP12